

修士(工学)学位論文

Master's Thesis of Engineering

分散フレームワーク Christie の設計

Design of Distributed framework Christie

2018 年 3 月

March 2018

照屋 のぞみ

NOZOMI TERUYA



琉球大学

大学院理工学研究科

情報工学専攻

Information Engineering Course

Graduate School of Engineering and Science

University of the Ryukyus

指導教員：教授 和田 知久

Supervisor: Prof. Tomohisa WADA

本論文は、修士(工学)の学位論文として適切であると認める。

論 文 審 査 会

(主 査) 和田 知久 印

(副 査) 岡崎 威生 印

(副 査) 名嘉村 盛和 印

(副 査) 河野 真治 印

要 旨

スマートフォンやタブレット端末の普及率が増加している。それに伴いインターネット利用者数も増加しており、ネットワーク上のサービスには、信頼性とスケーラビリティが要求される。ここでいう信頼性とは、定められた環境下で安定して仕様に従った動作を行うことを指す。またスケーラビリティとは、スケーラビリティとは、分散ソフトウェアに対して単純にノードを追加するだけで性能を線形的に上昇させることができる性質である。しかし、これらをもつ分散プログラムをユーザーが一から記述することは容易ではない。

これらの問題の解決のために、当研究室ではデータを Data Segment、タスクを Code Segment という単位で記述するプログラミング手法を導入した分散フレームワーク Alice の開発を実現した。Data Segment は整数や文字列や構造体などの基本的なデータの集まりである。Code Segment は入力となる Data Segment が全て揃ったら処理を開始し計算結果の Data Segment を出力するタスクである。

Alice が実用的な分散アプリケーションを記述でき、仕様の変更を抑えた信頼性の高い拡張を可能にするということは、水族館の例題や TreeVNC の例題から確認された。しかし、Alice では API 設計が直感的でなく、型の整合性がとれない問題があった。また、Alice に NAT 越えの機能を実装しようとした際、Data Segment Manager が 1 つしか持てないために拡張が困難であることが分かった。

本研究では、Alice から得られた知見をもとに、分散フレームワーク Christie の設計を行った。

Abstract

目次

第1章	分散プログラミングの信頼性向上	1
第2章	分散フレームワーク Alice の概要	2
2.1	CodeSegment と DataSegment	2
2.2	DataSegmentManager	3
2.3	Data Segment API	4
2.4	CodeSegment の記述方法	5
2.5	Alice の Meta Computation	7
2.5.1	Alice の圧縮機能	7
2.5.2	TopologyManager	7
第3章	Alice の問題点	10
3.1	直感的でない API	10
3.2	動的な setKey	10
3.3	型が推測できない	11
3.4	key 名と変数名の不一致	11
3.5	LocalDataSegmentManager を複数持てない	11
3.5.1	1 つのノードで複数台 DSM 同士のテストが行えない	11
3.5.2	TopologyManager の拡張が困難	11
第4章	分散フレームワーク Christie の設計	13
4.1	Christie の基本設計	13
4.2	API の改善	13
4.3	CodeGear の記述方法	13
4.4	DataGearManager の複数立ち上げ	14
4.5	DataGear の拡張	14
第5章	Christie の評価	15
5.1	Akka	15
5.2	Corba	15

5.3 Erlang	15
5.4 Hazelcast	15
第 6 章 まとめ	16
第 7 章 今後の課題	17
第 8 章 謝辞	18
参考文献	19
発表履歴	21
付録	21

目 次

2.1	CodeSegment の依存関係	2
2.2	Remote DSM は他のノードの Local DSM の proxy	3
2.3	Topology Manager が記述に従いトポロジーを構成	9

表 目 次

リスト目次

2.1	StartCodeSegment の例	5
2.2	CodeSegment の例	5
2.3	トポロジーファイルの例	8
3.1	setKey を外部から呼び出す例	10
	source/SetKey.java	10
4.1	StartCodeGear の例	13
4.2	CodeGear の例	14

第1章 分散プログラミングの信頼性向上

第2章 分散フレームワーク Alice の概要

2.1 CodeSegment と DataSegment

Alice では Code Segment（以下 CS）と Data Segment（以下 DS）の依存関係を記述することでプログラミングを行う。

CS は実行に必要な DS が全て揃うと実行される。CS を実行するために必要な入力される DS のことを InputDS、CS が計算を行った後に出力される DS のことを Output DS と呼ぶ。

データの依存関係にない CS は並列実行が可能である(図 2.1)。CS の実行において DS が他の CS から変更を受けることはない。そのため Alice ではデータが他から変更され整合性がとれなくなることはない。

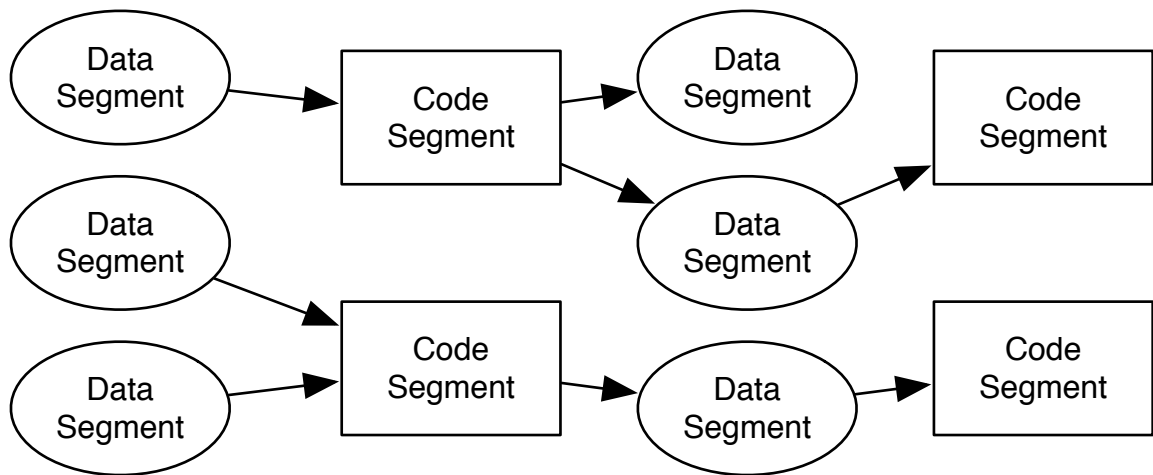


図 2.1: CodeSegment の依存関係

Alice は Java で実装されており、DS は Java Object に相当する。CS は Runnable な Object(void run() を持つ Object) に相当する。プログラマが CS を記述する際は、CodeSegment クラスを継承する。

DS は数値や文字列などの基本的なデータの集まりを指し、Alice が内部にもつデータベースによって管理されている。このデータベースを Alice では DS Manager と呼ぶ。

CS は複数の DS Manager を持っている。DS には対になる String 型の key が存在し、それぞれの Manager に key を指定して DS にアクセスする。一つの key に対して複数の DS を put すると FIFO 的に処理される。なので Data Segment Manager は通常のデータベースとは異なる。

2.2 DataSegmentManager

DS Manager (以下 DSM) には Local DSM と Remote DSM が存在する。Local DSM は各ノード固有のデータベースである。

Remote DSM は他ノードの Local DSM に対応する proxy であり、接続しているノードの数だけ存在する (図 2.2)。他ノードの Local DSM に書き込みたい場合は Remote DSM に対して書き込めば良い。

Remote DSM を立ち上げるには、DataSegment クラスが提供する connect メソッドを用いる。接続したいノードの ip アドレスと port 番号、そして任意の Manager 名を指定することで立ちあげられる。その後は Manager 名を指定して Data Segment API を用いて DS のやり取りを行うため、プログラマは Manager 名さえ意識すれば Local への操作も Remote への操作も同じ様に扱える。

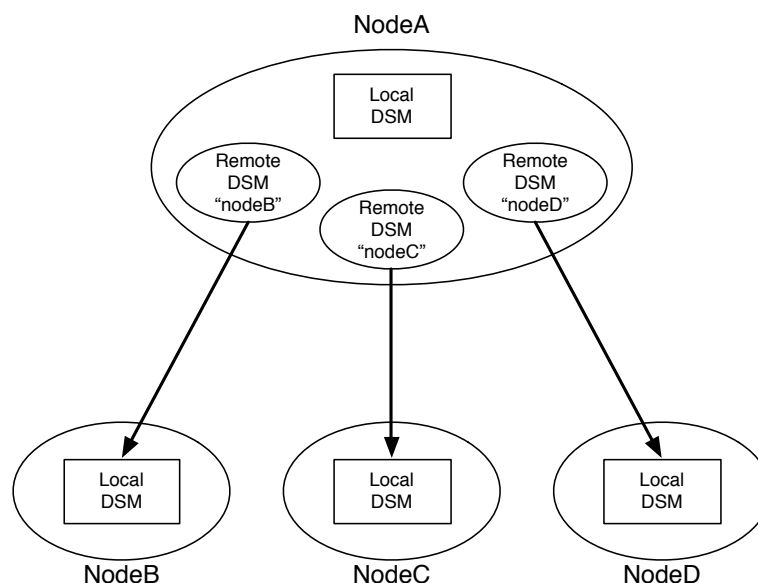


図 2.2: Remote DSM は他のノードの Local DSM の proxy

2.3 Data Segment API

DS の保存・取得には Alice が提供する API を用いる。put と update、flip は Output DS API と呼ばれ、DS を DSM に保存する際に用いる。peek と take は Input DS API と呼ばれ、DS を DSM から取得する際に使用する。

- `void put(String managerKey, String key, Object val)`

DS を DSM に追加するための API である。第一引数は Local DSM か Remote DSM かといった Manager 名を指定する。そして第二引数で指定された key に対応する DS として第三引数の値を追加する。

- `void update(String managerKey, String key, Object val)`

update も DS を DSM に追加するための API である。put との違いは、queue の先頭の DS を削除してから DS を追加することである。そのため API 実行前後で queue の中にある DS の個数は変わらない。

- `void flip(String managerKey, String key, Receiver val)`

flip は DS の転送用の API である。取得した DS に対して何もせずに別の Key に対し保存を行いたい場合、一旦値を取り出すのは無駄である。flip は DS を受け取った形式のまま転送するため無駄なコピーなく DS の保存ができる。

- `void take(String managerKey, String key)`

take は DS を読み込むための API である。読み込まれた DS は削除される。要求した DS が存在しなければ、CS の待ち合わせ (Blocking) が起こる。put や update により DS に更新があった場合、take が直ちに実行される。

- `void peek(String managerKey, String key)`

peek も DS を読み込む API である。take との違いは読み込まれた DS が削除されないことである。

2.4 CodeSegment の記述方法

CS をユーザーが記述する際には CodeSegment クラスを継承して記述する (ソースコード ?? , 2.2)。

継承することにより Code Segment で使用する Data Segment API を利用することができる。

Alice には、Start CS (ソースコード 2.1) という C の main に相当するような最初に実行される CS がある。Start CS はどの DS にも依存しない。つまり Input DS を持たない。この CS を main メソッド内で new し、execute メソッドを呼ぶことで実行を開始させることができる。

リスト 2.1: StartCodeSegment の例

```
1 public class StartCodeSegment extends CodeSegment {  
2  
3     Overridepublic void run() new TestCodeSegment();int count =  
    0;ods.put("local", "cnt", count);
```

リスト 2.2: CodeSegment の例

```
1 public class TestCodeSegment extends CodeSegment {  
2     private Receiver input1 = ids.create(CommandType.TAKE);  
3  
4     public TestCodeSegment() {  
5         input1.setKey("local", "cnt");  
6     }  
7  
8     Overridepublic void run() int count =  
        input1.asInteger();System.out.println("data = " + count);count++;if  
        (count == 10)System.exit(0);new TestCodeSegment();ods.put("local",  
        "cnt", count);
```

ソースコード 2.1 は、5 行目で次に実行させたい CS (ソースコード 2.2) を作成している。8 行目で Output DS API を通して Local DSM に対して DS を put している。Output DS API は CS の `ods` というフィールドを用いてアクセスする。`ods` は `put` と `update` と `flip` を実行することができる。TestCodeSegment はこの `"cnt"` という key に対して依存関係があり、8 行目で `put` が行われると TestCodeSegment は実行される。

CS の Input DS は、CS の作成時に指定する必要がある。指定は CommandType(PEEK か TAKE)、DSM 名、そして key よって行われる。Input DS API は CS の `ids` というフィールドを用いてアクセスする。Output DS は、`ods` が提供する `put/update/flip` メソッドをそのまま呼べばよかったが、Input DS の場合 `ids` に `peek/take` メソッドはなく、`create/setKey` メソッド内で CommandType を指定して実行する。

ソースコード 2.2 は、0 から 9 までインクリメントする例題である。2 行目では、Input DS API がもつ `create` メソッドで Input DS を格納する受け皿 (Receiver) を作っている。引数には PEEK または TAKE を指定する。

- Receiver create(CommandType type)

4 行目から 6 行目はコンストラクタである。コンストラクタはオブジェクト指向のプログラミング言語で新たなオブジェクトを生成する際に呼び出されて内容の初期化を行う関数である。

TestCodeSegment のコンストラクタが呼ばれた際には、

1. CS が持つフィールド変数 `Receiver input` に `ids.create(CommandType.TAKE)` が行われ、`input` が初期化される。
2. 5 行目にある TestCodeSegment のコンストラクタの TAKE が実行される。

5 行目は、2 行目の `create` で作られた Receiver が提供する `setKey` メソッドを用いて Local DSM から DS を取得している。

- void setKey(String managerKey, String key)

`setKey` メソッドは `peek/take` の実行を行う。どの DSM のどの key に対して `peek` または `take` コマンドを実行させるかを指定できる。コマンドの結果がレスポンスとして届き次第 CS は実行される。

実行される `run` メソッドの内容は

1. 10 行目で取得された DS を Integer 型に変換して `count` に代入する。
2. 12 行目で `count` をインクリメントする。
3. 16 行目で次に実行される CS が作られる。(この時点で次の CS は Input DS の待ち状態に入る)

4. 17 行目で count を Local DSM に put する。Input DS が揃い待ち状態が解決されたため、次の CS が実行される。

5. 13 行目が終了条件であり、count の値が 10 になれば終了する。

となっている。

1. で用いられている asInteger() は asClass メソッドの一部であり、asClass は take/peek で取得した DS を Object 型から任意の型で取得するための API である。

- `<T> T asClass(Class<T> clazz)`

CS 内で DS のデータを扱うには、正しい型を意識しながらこの asClass メソッドを使わなければならない。

2.5 Alice の Meta Computation

Alice では、処理を Computation と Meta Computation に階層化し、コアな仕様と複雑な例外処理に分離する。Alice の Computation は、key により DS を待ち合わせ、DS が揃った CS を並列に実行する処理と捉えられる。それに対して、Alice の Meta Computation は、Remote ノードとの通信トポロジーの構成や扱うデータ形式の変換と言える。

Alice の機能を追加するということはプログラマ側が使う Meta Computation を追加すると言い換えられる。Alice では Meta Computation として分散環境の構築等の機能を提供するため、プログラマは CS を記述する際にトポロジー構成や切断、再接続という状況を予め想定した処理にする必要はない。プログラマは目的の処理だけ記述し、切断や再接続が起こった場合の処理を Meta Computation として指定する。このようにプログラムすることで、通常処理と例外処理を分離することができるため、仕様の変更を抑えたシンプルなプログラムを記述できる。

現在 Alice には、データの圧縮機能、トポロジーの構成・管理機能、ノードの生存確認機能、ノードの切断・再接続時の処理管理機能などの Meta Computation が用意されている。

2.5.1 Alice の圧縮機能

2.5.2 TopologyManager

Alice では、ノード間の接続管理やトポロジーの構成管理を、Topology Manager と Topology Node という Meta Computation が提供している。プログラマはトポロジーファイルを用意し、Topology Manager に読み込ませるだけでトポロジーを構成することができる。

トポロジーファイルは DOT Language [?] という言語で記述される。DOT Language とは、プレーンテキストを用いてデータ構造としてのグラフを表現するためのデータ記述言語の一つである。ソースコード 2.3 は 3 台のノードでリングトポロジーを組むときのトポロジーファイルの例である。

リスト 2.3: トポロジーファイルの例

```
1 digraph test{
2     node0 -> node1[label="right"]
3     node0 -> node2[label="left"]
4     node1 -> node2[label="right"]
5     node1 -> node0[label="left"]
6     node2 -> node0[label="right"]
7     node2 -> node1[label="left"]
8 }
```

DOT Language ファイルは dot コマンドを用いてグラフの画像ファイルを生成することができる。そのため、記述したトポロジーが正しいか可視化することが可能である。

Topology Manager はトポロジーファイルを読み込み、参加を表明したクライアント（以下、Topology Node）に接続すべきクライアントの IP アドレスやポート番号、接続名を送る（図 2.3）。また、トポロジーファイルで label として指定した名前は Remote DSM の名前として Topology Node に渡される。そのため、Topology Node は Topology Manager の IP アドレスさえ知っていれば自分の接続すべきノードのデータを受け取り、ノード間での正しい接続を実現できる。

また、実際の分散アプリケーションでは参加するノードの数が予め決まっているとは限らない。そのため Topology Manager は動的トポロジーにも対応している。トポロジーの種類を選択して Topology Manager を立ち上げれば、あとは新しい Topology Node が参加表明するたびに、Topology Manager から Topology Node に対して接続すべき Topology Node の情報が put され接続処理が順次行われる。そして Topology Manager が持つトポロジー情報が更新される。現在 Topology Manager では動的なトポロジータイプとして二分木に対応している。

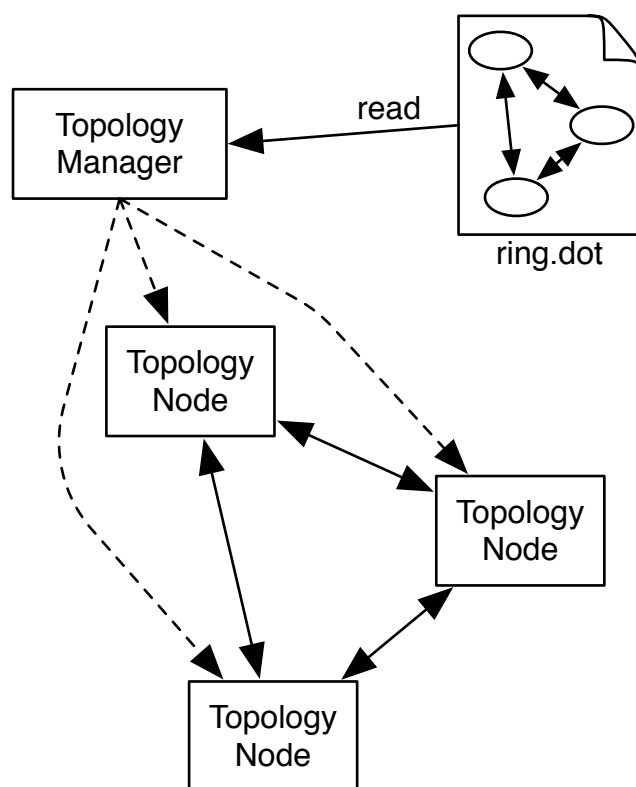


図 2.3: Topology Manager が記述に従いトポロジーを構成

第3章 Aliceの問題点

3.1 直感的でない API

2.4 で示したように、CS で使う DS を take/peek のメソッドを直接は呼び出せない。一度フィールドで Receiver を create して、その後 Receiver に対して setKey で待ち合わせる key を指定しなければならない。これでは手間がかかる上、コードを読んだ際にどの Key に対して待ち合わせを行っているのか直感的に分からない。さらに、setKey はその DS を待ち合わせている CS 以外からも呼び出してしまう 3.1。

リスト 3.1: setKey を外部から呼び出す例

```
1 public class StartCodeSegment extends CodeSegment {
2     Overridepublic void run() TestCodeSegment cs = new
        TestCodeSegment();cs.input.setKey("data");ods.put("local", "data", 1);
3
4 public class TestCodeSegment extends CodeSegment {
5     private Receiver input = ids.create(CommandType.TAKE);
6
7     Overridepublic void run()System.out.println("data = " +
        input.asInteger());
```

このような書き方をされると、CS だけを見てどの key に対して待ち合わせを行っているのかわからないため、setKey を呼び出しているコードを辿る必要がある。可読性の低いコードはプログラマの負担となるため、CS が何を待ち合わせているのかその CS を見ただけで理解できるように API を改善すべきである。

3.2 動的な setKey

setKey は CS のコンストラクタで指定することが多い。このとき、指定する key は引数などから動的に受け取り、セットすることができる。しかし、その使い方では、put する部分など、該当する key を扱う全てコードを変更しなければならない。現在の Alice では setKey が柔軟に使えるがために、慎重に書かなければプログラムの信頼性が保てない。そのため、動的な setKey はできないように制限したほうが良いと考える。

3.3 型が推測できない

inputDS を受け取る Receiver はデータを Object 型で持っており、そのデータを CS 内で扱うには正しい型にキャストする必要がある。しかし、inputDS で指定するのは key のみであり、そのデータの型までは分からない。そのため、DS の型を知るには put している部分まで辿る必要がある。辿っても flip されている可能性もあるため、最初にその DS を put している部分を見つけるのは困難である。従って、待ち合わせている key にどのような型のデータが対応しているのかをその CS を見ただけで分かるようにするべきと考える。

3.4 key 名と変数名の不一致

2.4 の CodeSegment の例題である通り、key 名とその key で待ち合わせた DS を受け取る Receiver 名は異なることがある。もしプログラマが適当に命名してしまえば後々混乱を招くため、待ち合わせる key 名と input DS の変数名一致を強制させたい。

3.5 LocalDataSegmentManager を複数持てない

Alice では 1 つのノードにつき 1 つしか LocalDSM を立ち上げられない作りになっている。そのために以下のような問題が発生した。

3.5.1 1 つのノードで複数台 DSM 同士のテストが行えない

3.5.2 TopologyManager の拡張が困難

Alice ではより自由度の高い通信を行うために、TopologyManager に幾つかの機能を追加すること考えていた。

例えば、NAT 越えの機能である。NAT 越えは分散アプリケーション構築における課題の 1 つでもあるが、プログラマにとってその実装は容易ではない。Topology Manager に NAT を越えたノード間通信機能をつけることにより、NAT を気にせずに通信が行えるようにしたい。また、別トポロジーで立ち上げたアプリケーション同士を接続する機能も追加したいと考えていた。TreeTopology の VNC アプリと StarTopology のチャットアプリの連携したいといった要望が生まれたためである。

TopologyManager はネットワークごと、トポロジーごとに存在するため、いずれの機能も複数の TopologyManager 同士を連携させることで可能となる。1 つのノードに複数

の TopologyManager を対応させるには、TopologyNode が複数の nodeName を持つ必要がある。

そこで、通常の Local DSM とは別に Topology Manager ごとの Meta LocalDSM を立ち上げる方法を考えた。

それぞれの Topology Manager に対応する LocalDSM を作り、それぞれに対応した nodeName を格納することで、DSM を切り替えるだけで TopologyNode の仕様は変えずに複数の Topology Manager に対応できるという設計である。

しかし、現在の Alice のコードでは DSM を管理する class が static class であったため、複数の Local DSM を持つことができない。static を取り除こうとしたところ、Alice の大部分のコードを修正する必要があることがわかった。よって、再設計の際には static class のない実装を行い、DSM 切り替えによる方式を実現したい。

第4章 分散フレームワーク Christie の設計

3章での Alice の問題点を踏まえ、新たにフレームワークを作り直すべきだと考えた。本章では、新たに作った分散フレームワーク Christie の設計を説明する。

4.1 Christie の基本設計

Christie は Java で書かれている。将来的に当研究室が開発する GearsOS に取り入れたため、GearsOS を構成する言語である Continuation based C(CbC) に互換可能な設計を目指す。

GearsOS では CodeSegment/DataSegment と同様の概念として CodeGear/DataGear という名称を用いているため、Christie でもそれに倣い CodeGear/DataGear(以下、CG/DG) と呼ぶこととする。

4.2 API の改善

4.3 CodeGear の記述方法

リスト 4.1: StartCodeGear の例

```
1 public class StartTest extends StartCodeGear{
2
3     public StartTest(CodeGearManager cgm) {
4         super(cgm);
5     }
6
7     public static void main(String args[]){
8         StartTest start = new StartTest(createCGM(10000));
9     }
10
11     Overrideprotected void run(CodeGearManager cgm) cgm.setup(new
    TestCodeGear());getLocalDGM().put("data", 1);
```

リスト 4.2: CodeGear の例

```
1 public class TestCodeGear extends CodeGear {  
2     Take("hoge")public DataGear<Integer> hoge = new DataGear<>();  
3     void run(CodeGearManager cgm)System.out.println(hoge.getData());  
}
```

4.4 DataGearManager の複数立ち上げ

4.5 DataGear の拡張

第5章 Christieの評価

5.1 Akka

5.2 Corba

5.3 Erlang

5.4 Hazelcast

第6章 まとめ

第7章 今後の課題

第8章 謝辞

本研究の遂行、また本論文の作成にあたり、ご多忙にも関わらず終始懇切なる御指導と御教授を賜りました河野真治准教授に深く感謝いたします。

そして、数々の貴重な御助言と技術的指導を戴いた伊波立樹さん、並びに並列信頼研究室の皆様、本研究を遂行するにあたり参考にさせていただいた先行研究の Alice, Federated Linda, Jungle, TreeVNC の設計・実装に関わった全ての方々に感謝いたします。

また、本フレームワークの名前の由来となったクリスティー式戦車の生みの親、ジョン・W・クリスティーに敬意を評します。

最後に、日々の研究生生活を支えてくださった米須智子さん、情報工学科の方々、そして家族に心より感謝いたします。

参考文献

- [1] Jean-Yves Girard, Paul Taylor, and Yves Lafont. *Proofs and Types*. Cambridge University Press, New York, NY, USA, 1989.
- [2] Joachim (mathématicien) Lambek and P. J. Scott. *Introduction to higher order categorical logic*. Cambridge studies in advanced mathematics. Cambridge University Press, Cambridge, New York (N. Y.), Melbourne, 1986.
- [3] Michael Barr and Charles Wells. *Category Theory for Computing Science*. International Series in Computer Science. Prentice-Hall, 1990. Second edition, 1995.
- [4] Eugenio Moggi. Notions of computation and monads. *Inf. Comput.*, Vol. 93, No. 1, pp. 55–92, July 1991.
- [5] M. P. Jones and L. Duponcheel. Composing monads. Research Report YALEU/DCS/RR-1004, Yale University, December 1993.
- [6] Tokumori Kaito and Kono Shinji. The implementation of continuation based c compiler on llvm/clang 3.5. *IPSJ SIG Notes*, Vol. 2014, No. 10, pp. 1–11, may 2014.
- [7] 信康大城, 真治河野. Continuation based c の gcc4.6 上の実装について. 第 53 回プログラミング・シンポジウム予稿集, 第 2012 巻, pp. 69–78, jan 2012.
- [8] The agda wiki. <http://wiki.portal.chalmers.se/agda/pmwiki.php>. Accessed: 2016/01/20(Fri).
- [9] Welcome to agda’ s documentation! — agda 2.6.0 documentation. <http://agda.readthedocs.io/en/latest/index.html>. Accessed: 2016/01/31(Tue).
- [10] Welcome! — the coq proof assistant. <https://coq.inria.fr/>. Accessed: 2016/01/20(Fri).
- [11] Ats-pl-sys. <http://www.ats-lang.org/>. Accessed: 2016/01/20(Fri).

- [12] Spin - formal verification. <http://spinroot.com/spin/whatispin.html>. Accessed: 2016/01/20(Fri).
- [13] Nusmv home page. <http://nusmv.fbk.eu/>. Accessed: 2016/01/20(Fri).
- [14] The cbmc homepage. <http://www.cprover.org/cbmc/>. Accessed: 2016/01/20(Fri).
- [15] Openc1 — nvidia developer. <https://developer.nvidia.com/openc1>. Accessed: 2016/02/06(Mon).
- [16] Cuda zone — nvidia developer. <https://developer.nvidia.com/cuda-zone>. Accessed: 2016/02/06(Mon).
- [17] 翔平小久保, 立樹伊波, 真治河野. Monadに基づくメタ計算を基本とする gears os の設計. Technical Report 16, 琉球大学大学院理工学研究科情報工学専攻, 琉球大学工学部情報工学科, 琉球大学工学部情報工学科, may 2015.
- [18] 徳森海斗. Llvm clang 上の continuation based c コンパイラ の改良. Master's thesis, 琉球大学 大学院理工学研究科 情報工学専攻, 2016.
- [19] 小久保翔平. Code segment と data segment を持つ gears os の 設計. Master's thesis, 琉球大学 大学院理工学研究科 情報工学専攻, 2016.
- [20] 河野 真治比嘉 健太. Continuation based c を用いたプログラムの検証手法.
- [21] Benjamin C. Pierce. *Types and Programming Languages*. The MIT Press, 1st edition, 2002.
- [22] B.C. Pierce. 型システム入門プログラミング言語と型の理論:. オーム社, 2013.
- [23] Ulf Norell. Dependently typed programming in agda. In *Proceedings of the 4th International Workshop on Types in Language Design and Implementation, TLDI '09*, pp. 1–2, New York, NY, USA, 2009. ACM.
- [24] John Backus. The history of fortran i, ii, and iii. *SIGPLAN Not.*, Vol. 13, No. 8, pp. 165–180, August 1978.
- [25] Peter J. Landin. The mechanical evaluation of expressions. *Computer Journal*, Vol. 6, No. 4, pp. 308–320, January 1964.
- [26] Alonzo Church. *The Calculi of Lambda-Conversion*. Princeton University Press, Princeton, New York, 1941.

- [27] P. Hudak, S. Peyton Jones, and P. Wadler (editors). Report on the Programming Language Haskell, A Non-strict Purely Functional Language (Version 1.2). *ACM SIGPLAN Notices*, Vol. 27, No. 5, May 1992.
- [28] N.G de Bruijn. Lambda calculus notation with nameless dummies, a tool for automatic formula manipulation, with application to the church-rosser theorem. *Indagationes Mathematicae (Proceedings)*, Vol. 75, No. 5, pp. 381 – 392, 1972.